

# INTRODUCTION : VECTEURS, BASES, BARYCENTRES.

- ☞ Exercice basique à savoir refaire
- ★ Exercice un peu plus difficile, non indispensable

## Exercice 1.

A      C                  B                  D      E

---

- Donner une relation entre les vecteurs  $\overrightarrow{CA}$  et  $\overrightarrow{DE}$ , puis entre  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{CD}$ .
- Compléter :
 

$\overrightarrow{AD} = \dots \overrightarrow{AC}$	$\overrightarrow{BA} = \dots \overrightarrow{DE}$	$\overrightarrow{AB} + 4\overrightarrow{AC} = \dots$
$\overrightarrow{AB} = \dots \overrightarrow{AD}$	$\overrightarrow{BC} = \dots \overrightarrow{BD}$	$\overrightarrow{DB} + \dots \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{EA}$
$\overrightarrow{AD} = \dots \overrightarrow{CB}$	$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{ED} = \dots$	
- Placer sur le graphique le point  $F$  tel que  $\overrightarrow{AF} = -8\overrightarrow{CA}$ , le point  $G$  tel que  $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{GB}$  et le point  $H$  tel que  $\overrightarrow{DB} + \overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AH}$ .

## ☞ Exercice 2.

Construire un parallélogramme  $ABCD$ , placer les points  $I, J, K$  et  $L$  milieux respectifs de  $[AB]$ ,  $[BC]$ ,  $[CD]$  et  $[DA]$ , et  $O$  le point d'intersection de  $(IK)$  et  $(JL)$ .  
Compléter par lecture graphique :

- |  |   |  |
|--|---|--|
| 1. $\overrightarrow{AI} + \overrightarrow{I...} = \overrightarrow{AO}$ | 3. $\overrightarrow{IB} + \overrightarrow{IO} = \dots = \dots$            | 5. $\overrightarrow{LD} + \overrightarrow{OJ} = \dots$ |
| 2. $\overrightarrow{AI} + \overrightarrow{A...} = \overrightarrow{AO}$ | 4. $\overrightarrow{LO} + \dots \overrightarrow{O} = \overrightarrow{LI}$ | 6. $\dots + \overrightarrow{DO} = \overrightarrow{KB}$ |

## Exercice 3.

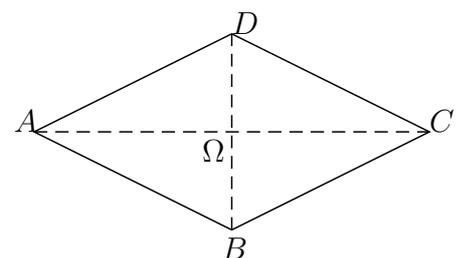
Find out whether the given vectors are linearly dependant (collinear). If so, find the coefficients  $\alpha$  and  $\beta$  so that  $\alpha \vec{u} + \beta \vec{v} = \vec{0}$ .

- |  |  |
|--|--|
| (a) $\vec{u} = \begin{pmatrix} -4 \\ 5 \end{pmatrix}$ and $\vec{v} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2, 5 \end{pmatrix}$ | (c) $\vec{u} = \begin{pmatrix} -8 \\ -3 \end{pmatrix}$ and $\vec{v} = \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix}$      |
| (b) $\vec{u} = \begin{pmatrix} -7 \\ 2 \end{pmatrix}$ and $\vec{v} = \begin{pmatrix} 7 \\ -2 \end{pmatrix}$    | (d) $\vec{u} = \begin{pmatrix} 3/4 \\ -5 \end{pmatrix}$ and $\vec{v} = \begin{pmatrix} 0, 6 \\ -4 \end{pmatrix}$ |

## Exercice 4.

Soit  $ABCD$  un losange avec  $AC = 4$  et  $BD = 2$ , et  $\Omega$  son centre.  
Soit  $I$  le point tel que  $\overrightarrow{\Omega I} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AC}$ .

- Placer le point  $I$  sur la figure.
- Dans le repère  $\mathcal{R}_1 = (A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ , déterminer les coordonnées cartésiennes
  - des points  $A, B, C, D, \Omega$  et  $I$ ;
  - du vecteur  $\overrightarrow{ID}$ ;
  - du milieu du segment  $[DC]$
- Justifier que le repère  $\mathcal{R}_2 = (\Omega; \overrightarrow{\Omega I}, \overrightarrow{\Omega D})$  est orthonormé.  
En utilisant les coordonnées dans ce repère, calculer les normes des vecteurs  $\overrightarrow{BC}$  et  $\overrightarrow{ID}$ .



**Exercice 5.**

Dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ , on considère les points  $A(3, 4)$ ,  $B(2, -6)$  et  $C(-3, 3)$ .

- Déterminer les coordonnées du point  $D$  tel que  $ABCD$  soit un parallélogramme.
- Le point  $E(\frac{25}{2}, -2)$  est-il sur la médiatrice de  $[AB]$  ?  
On rappelle que la médiatrice de  $[AB]$  est l'ensemble des points équidistants de  $A$  et de  $B$ .

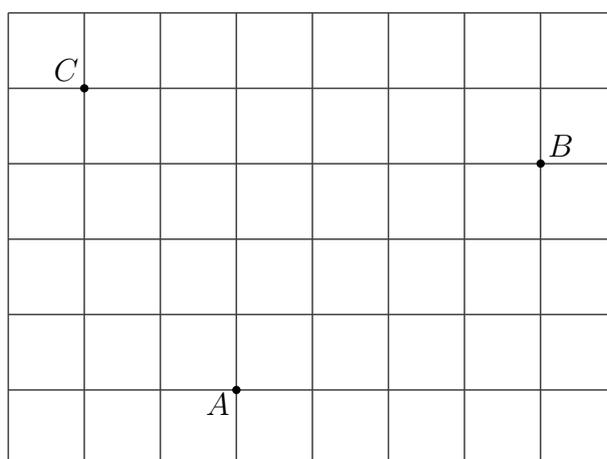
**Exercice 6.**

Soit  $ABC$  un triangle non aplati et  $I$  le milieu de  $[AB]$ .

Déterminer l'ensemble des points  $M \in \mathcal{P}$  tels que la famille formée de  $\vec{AC}$  et  $\vec{MA} + \vec{MB}$  soit liée.

**Exercice 7.**

Sur la figure ci-dessous, placer le point  $G_1$ , barycentre du système  $(A, 1), (B, 2)$  et  $G_2$  le barycentre de  $(A, 1), (B, 1), (C, 2)$ .

**Exercice 8.**

On rapporte l'espace à un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

On considère les points  $A(-1; 1; 2)$ ,  $B(2; -3; 0)$  et  $C(0; 2; 1)$ .

- Quelles sont les coordonnées du centre de gravité du triangle  $ABC$  ?
- Déterminer les coordonnées de  $G$ , barycentre de  $(A, -1)$ ,  $(B, 1)$  et  $(C, -2)$ .
- Déterminer le point  $D$  tel que  $O$  soit l'isobarycentre des points  $A$ ,  $B$  et  $D$ .

**Exercice 9.**

$ABCD$  est un quadrilatère quelconque.

On note  $G$  le barycentre des points  $(A, 2)$ ,  $(B, -1)$ ,  $(C, 2)$  et  $(D, 1)$ .

- Exprimer  $\vec{AG}$  en fonction de  $\vec{AB}$ ,  $\vec{AC}$  et  $\vec{AD}$ .  
En déduire la construction de  $G$ . (faire une figure)
- ★ On note  $J$  le milieu de  $[AC]$ , montrer que  $\vec{JG} = \frac{1}{4}\vec{BD}$ .  
Vérifier sur la figure.

**★ Exercice 10.**

On considère trois points non alignés  $R$ ,  $S$  et  $T$ .

$L$  est le barycentre de  $(R, 3)$ ,  $(S, -2)$  et  $(T, 2)$ .

- Démontrer que  $L$  appartient à la parallèle à  $(ST)$  passant par  $R$ .
- Construire  $L$ .